

De numerādi ratione APHORISMI.

*AVTORE CLAVDIO BERTHO-
thorio Doctore Theologo, ac Diui-
nensi Rectore.*



LVTETIAE,
Apud Gulielmum Cauellat, in pingui
Gallina ex aduerso collegij
Cameracensis.

1554.

CAPITVM ELENCHVS.

- Cap. 1 De Numero, & Numeratione.*
Cap. 2 De Additione.
Cap. 3 De Subductione.
Cap. 4 De Multiplicatione.
Cap. 5 De Diuisione.
Cap. 6 De Duplatione, ac Mediatione.
Cap. 7 De Progreſſione.
Cap. 8 De eruenda radice quadrata.
Cap. 9 De extractione Cubicæ radicis.



GENEROSISSIMO, AC DO-

*Etis. viro CLAUDIO Espancio illustrissi-
mi Lotharingi Cardinalis Doctori, & Ec-
clesiastæ CLAVDIUS Berthotius,*

S. P. D.



OSTEA quàm Luteria
agrè tandem abductus,
vbi discendo partim,
partim etiam docendo
annos plus minus tri-
ginta impèderam incre-
dibili amicorum expe-

ctatione vinculo meo reddit^{us} sum ESPANCI
Clarissime, cœpi mecum rationem inire, qua
reliquum ætatis iam ab omni (vt sperabam)
gymnastico tumultu liberum exigerem. Ni-
hîlque tum potuisse gratius, vel optabilius
mihi contingere arbitratus sum quàm si pau-
culas oues hoc deserto (proh dolor) feris
immanibus (cuiusmodi sunt hac tempestate
quamplurimæ) obiectas pro virili, officioque
meo sedulo pascere, tueri, ac fouere.

A ij

Et hoc vehementius tam pium mihi affectum incendebat, quod te eodem instituto duci iampridem certò scirem, si quando iugum aulicum excutere ceruice liceret. Verum longè mihi aliter res ipsa celsit. Nam Senatus nostri, omnium quos habet orbis Gallicus, augustissimi, Tribunorum, Procerum, Patriæ denique eò me perpulit autoritas ut saxum durissimum, & grauissimum Syssiphi in morem etiam nunc volutare compellar, & medias inter scholasticas procillas non sine graui studiorum, ac fortunarum discrimine, rursus nauigare. Nusquam enim alibi Parentumne indulgentia, an literatorum qui huic nostræ scholæ deplorandæ hætenus præfuerunt socordia haud suo, præfractior, aut corruptior iuuentus. Cui reformandæ iam annum integrum nec frustra (superis gratia) elaboro. Spes enim restitutionis alicuius futuræ prælucere videtur, si modo his quæ molimur numè aliquod accesserit. Quò lubentius vtranque & visendi gregis ad quartum hinc lapidem, & iuuentutis instituendæ curam gero, quod viros nactus sim moribus, ac doctrina excellentissimos: qui mihi in tam sancto, ac serio negotio collaborant. Inter quos ne nihil omnino agerem, Philosophiæ stadium emetiri denuo

nuo constitui ab iis nimirum disciplinis auspicatus quas reliquarum fores esse veteres crediderunt. Quibus à primis annis imbui oportet quisquis liberaliter cupit institui: Quorum denique inopes ab schola sua Plato ceu prophanos interclusit. Vt verò princeps illarum esse nunquam desit Arithmetice, sic illa primum tradenda est: Sed ea ratione, vt facilissima quæque rudibus adhuc ingeniis proponantur. Idcirco è re meorū esse putavi, si dum illi grauioribus paulatim assuescerent, selectas aliquot præceptiones artis numerandi compendiosè perstringerem. Quæquidem (ita me deus amet) nulli vnquam fœlicius, ac tibi offerri, nusquam constantiorem, aut sanctiorem vindicè assequi potuerint, quàm si tuis auspiciis publica hominum subierint iudicia. Has igitur quantulæcunq; sint ex animo tibi nuncupo, maiora daturus, aut etià fortasse meliora si laborem hunc nostrum non ingratum omnino tibi fuisse persensero. Tu verò prospice (quæso) ne dū eximias istas, ac doctissimas lucubrationes domi tandiu recondis non satis reip. Christianæ æquus esse videre. Scio quæ iam olim parturis: Sed ab alio ne expectes quod ipse præstare potes. Nemo rem alienam tam fideliter, aut cupide agit, atque

suam. Desine igitur (obsecro) desine inquam
tui neglectu tā grauiter premi: quo qui labo-
rāt haud temere ardua capeſſunt. Vtinam me-
miniſſes quanto applauſa conſolatio tua, Pa-
raphraſis in precationem Dominicam, Opu-
ſculum aduerſus eos, qui de prædeſtinatione
impiè ſenſerūt, & cætera plurima excepta paſ-
ſim, & perfectæ ſunt. Dares aliquid profeſſo
tot bonorum hominum expectationi, ac deſi-
derio nec tam inſigne concionum ſacrarum,
commētariorum, orationum, & epiſtolarum
volumen, ſingularémq; theſaurum nobis in-
uideres. In quem (vt citra vlliſ in iuriā di-
cam) omnes omnium opes, quos in rebus di-
uiniſ Coryphæos habet antiquitas, ampliſſi-
mè coniectæ ſunt: Adeò vt ſeriā docendi per-
ſpicuitatem ceſſiſſe tibi videatur Athanaſius,
Baſilius ſuauiloquentiam, Chryſoſtomus o-
rationis flumen, Hilarius qua præter cæteros
admirationi ſemper fuit, grandiloquentiam,
Ambroſius aculeos, vimque dicendi, Hiero-
nymus, & Bernardus diuitem ſcripturarum
penum, Auguſtinus denique (vt cæteros pro-
pe innumeros taceam) diſſerendi, ac perſua-
dendi incredibilem facultatem. Quod ergo
poëtis olim Horatius, id noſ iam tibi, niſi ma-
turè conſulueris, imprecabimur, Occupet ex-
tremum

tremum scabies, nimirum qui Remp. Chri-
stianam studio, ac industria iuuare potest. Nō
ignoras quid Euangelium ei qui Domini ta-
lentum absconderit, interminetur. Sed proue-
hor longius, & currentem (iuxta vetus pro-
uerbium) frustra incitare contēdo. Fœliciter
vale v i R ornatissime, & Claudium tuum vt
soles ama: Nostram verò Academiam apud
Illustriss. & Reuerendiss. Dominum tuum,
verēque meum si quid potes, adiuua. Iterum
vale. E gymnasio nostro Diuionensi Cal.
Martij. M. D. LIIII. P.

A iiij

MATTHAEI VATELLI
GVISIANI CLASSICI DIVIO-
nensis, ad Iuuentutem Diuio-
nensem Elegia.

*Natus Alexander non tam placuisse Philippo
Fertur, quòd generis certa propago foret:
Quàm quòd Aristotelis sophiæ doctoris, alumni,
Facundique nimis tempore natus erat.
Nec male: nanq; recēs puerū pater optimus ortum
Prudentis studio nōrat egere Viri.
Quorsum isthæc? quorsum? laudi prognata iuuetus
Talia quò spectent verba videre negas?
Scilicet, ut qui te genuerunt more Philippi
Pectore letitiæ semina larga gerant.
Nam te fœlici dubitet quis h̄dere natam,
Te dum Berthoti cura, labôrque regunt?
Prætulit ille suis semper tua commoda rebus:
Huic patriæ tantus pæctora strinxit amor.
Nec cōmenta loquor, loquitur res quod loquor ipse:
Atque excusa typis scripta loquuntur idem.
Quid veteres referam curas? quin disce recentes,
Quoque labore vetus sit labor auctus habe.
Tramite nam ut facili posses percurrere, quicquid
Aequoris, & campi sacra Matheſis habet:
Ecce tuos digitos modica constrieta papyro
Vtilis ars numerum tota subire potest.*

Gra-

*Gratius an poterat quicquam præstare studenti
Palladis ingenium dote polire suum?
Hanc ergo (auctori grates persolvere primum
Enisus quantas mens tua ferre potest)
Per lege, nec melior videatur longior vlla:
Discere plura potest, qui breuiora legit.*

Finis.

LECTORI CANDIDO

BERTHOTIVS.



QUOS tibi de numerandi ratione damus
Aphorismos ea mēte expendi, & ex-
cipi cupimus, ut precipuam nobis curā
in eo negotio fuisse credas, ne verborum
fucum magis, quam simplicem rei veritatem quæ-
rere, aut tradere videremur. Non ignoras enim hoc
disciplinæ genus, quemadmodum & reliquas Ma-
theseos partes facundiæ (Quod Pomponius de Geo-
graphia testatur) minimè capax esse. Cæterum ne-
quid amplius nūc requiras, quæ de vulgaribus, &
Astronomicis fractionibus huc referri solent: &
cætera plurima obscuriora, & abstrusiora paulò,
quàm quæ rudibus adhuc ingeniis comprehendere
possunt (Nam tyronibus solum hæc scripsimus)
consultò non per inuidiam, aut incuriam sunt præ-
termissa: tantisper dum publicæ existimationis hoc
veluti præcursor libello periculum fecero. Vale.



I VATVOR Mathematicarum scientiarum prima est Arithmetice: citra quam ad reliquis idoneus, & legitimus progressus esse non possit.

- 2 Arithmetice scientia est quæ rationem, vsumque numerorum docet.
- 3 Ea duplex est Speculatiua, & Practica.
- 4 Speculatiua præceptiones habet, quibus traditur Quid numerus, Quæ species eius, effectiones &c.
- 5 Practica comparatam studio, ac labore numerorum cognitionem negotiis, & vsibus humanis applicat.
- 6 Numeratio cuiusvis oblatis numeri Valorem exprimit. hinc ex ratione coniugatorum Quid numerare, disci facile potest.
- 7 In id negocij vocabulorum delectus adhibendus erit, vt estimatio, Ordo, Partitio, Aetas, relatio, multiplicatio formarum, & vices suis quæque efferrantur.
- 8 Numerus est vnitatum collectio.
- 9 Numerus est triplex. Digitus, Articulus, & Mixtus.
- 10 Digitus omnis dicitur qui est citra decem. 1. 2. 3. &c.
- 11 Articulus, qui in decem æqua exacte secari potest. 10. 30. 40. 200. &c.
- 12 Mixt⁹ ex digito, et articulo existit. 13. 25. 49. &c.

Vnitas

- 13 *Vnitas numerus non est: Sed numeri principium, & fundamentum.*
- 14 *Elementa, seu figurae quarum in hac arte usus est sunt Nouem. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 0.*
- 15 *Singularum valorem huius seriei sedes, & loca demonstrant.*
- 16 *Decima, circuli formam habens seorsim plane est impotens: ceteris adiuncta earundem vim auget, vulgo Cyphra dici solet, nusquam ad laeuam primo loco admittenda. 0.*
- 17 *Singuli numeri tot regiones habent, quot elementa. Quorum ordo à dextra sinistram versus progreditur: valor autem contra designatur.*
- 18 *Primæ regionis elementum simpliciter, semelque seipsum valet, Secundæ, decies: Tertiæ, centies, Quartæ, Milies: Quintæ, decies milies: Sextæ, centies millies: Septimæ, millies millies. Atque ita deinceps, vt quæ ad laeuam sequuntur, dextrum proximum decies Referant. 1554. 74235. 3590804.*
- 19 *Species Arithmetica ex varionegociandi ritu hæc fere deprehenduntur: Additio, Subtractio, Multiplicatio, Diuisio, Extractio radicis è quadratis, & Cubicis numeris.*
- 20 *Ceteræ harum alicuius naturam videntur referre: Vt progressio, additionis: duplatio, multiplicationis: Mediatio denique diuisionis.*

Quæ

- 21 *Quæ omnia licet etiam fractis numeris accommodari possint: Integro tamen solum presens erit institutum.*

Cap. 2.

- 1 **A**dditio ut ceteræ species operatione, & examine consistit.
- 2 Operatio unum atque alterum pluresve eiusdem generis numeros in summam unam colligit.
- 3 Examen operationem ipsam explorat, num ex arte, an perperam confecta sit.
- 4 Additio his ordinatim rite peractis absoluitur. Primum, ut numeri inuicem addendi sic describantur, ut eiusdem regionis, ac nominis figuræ sibi respondeant.
- 5 Liberum erit maiorem, vel minorem superius collocare: Negotij tamen facilitas minorem subscribit.
- 6 Maiorem numerum vel multitudine elementorum, vel eius quod postremum est ad lavam pondere, Aequalem verò omnium ordinum & figurarum similitudine metimur. a
- 7 Descriptis (ut imperatum est) numeris linea recta b subducatur.
- 8 Tum ad dextram coepta operatione colligantur omnes primæ regionis figuræ.
- 9 Si digitus consurgat, sub linea, & iis elementis

Unde confectus est recta scribatur.

- 10 Si articulus, Ibidem Cyphra reponatur, & tot vni-
tates secundæ regioni adiungantur quot denas arti-
culus ille comprehendit.
- 11 Si denique mixtus, constituatur (vt præceptum est)
suo loco digitus, reiectis in proximam sedem tot
vinitatibus, quot in illius articulo denæ fuerint.
- 12 Similis operando fiat progressus ad læuam, donec
extremum ordinem attigeris, ex cuius collectu
quicquid extiterit, integræ suis figuris, & loco de-
scribatur.
- 13 Quod si addendorum aliquis cæteros elementorum f
numeros vicerit, vt postremo addi aliud nequeat,
hoc iam confectæ summæ adscribatur, adiuncto si
quid ex proximi ordinis collectione superet.
- 14 Superiorum praxis vniuersa subiectis tribus exem-
plis demonstratur.

4 3 5 2	8 6 5 9	f 7 5 3 2 2	4 5 2 8
2 5 3 4	4 7 2 4	5 8 3 8	5 2 8
b			
c 6 8 8 6	1 3 3 8 3 c	8 1 1 6 0 d	

- 15 Examinare solemus additionem. per 9. 7. & sub-
ductionem. hæc ratio tutior. Cæteræ non ita firmæ.

Cap. 3.

- 1 S Vbtractio additioni tametsi aduersa, operatio-
nem, & examen habet.

Exami-

- 2 *Examinis (Ut semel dixisse sufficiat) in singulis speciebus Idem munus est.*
- 3 *Operatio numerum vnum aufert ab alio, Ut vel reliquum, vel excessus patefcat.*
- 4 *Hac species minorem semper a maiori subducit. Nam Ut contra fieri nequit : sic aequalem omnino ab equali tollere plane supernacuum est.*
- 5 *Eadem arte, ac delectu numeri hic omnino consti- a
tuendi Ut prius: sic tamen Ut minor subiiciatur ma-
iori, & virgula subscribatur.*
- 6 *Dextrum latus operationis quoque Initium habet.*
- 7 *Auferantur singulae inferioris numeri figurae à si-
bi imminentibus, & Reliquum harum sub iis-
dem, ac linea scribatur.*
- 8 *Sicubi occurrat, Ut elementa sint equalia, pro Re- b
siduo infra lineam circulum ibidem reponas.*
- 9 *Sin, Ut minus sit inferiore superius, vnitas a sini- c
stro proximo elemento mutuata, & huic adiuncta
mixtum numerum efficiet: à quo tolletur inferius,
& sub linea scribetur suo loco Relictum.*
- 10 *Si denique Utrobique fuerit Cyphra, eadem in resi- d
dui locum veniet:
Alioqui si inferius tantum, in eodem loco superius e
elementum integrum repones.*
- 11 *At si in numero superiori duntaxat vna, aut mul- f
ta continentes fuerint quarendum est proximum
significatiuam elementum à quo per singulos ordi-*

nes transferatur vnitas, & circulo iuncta decem efficiet: hinc dempta inferiore nota, quod restat subscribatur.

- 12 Memineris tamen & elementum, à quo sumptum est mutuum, & medios ordines vnitate decrefcere.
- 13 Si peracta operatione, & subducta inferiore nota postrema vterior alia superet in numero maiore, hæc residua summa ad læuam adscribatur integra.
- 14 Ludit operam qui vbi nihil in postremo ordine superest Cyphram suscribit.
- 15 Prædictorum vsum subiecta exempla facile tibi declarant.

a8765	95461	784d06	83fooc24
5351	7270	4603	743584
3414	2276	73803	g0864406

- 16 Tutius erit hanc speciem per additionem vicissim, quàm per 7. aut 9. probare.

Cap. 4.

- 1 **M**ultiplicatio, tertia species Arithmetices operatione, & examine absoluitur.
- 2 Examen semper operatione posterius eandem probat.
- 3 Operatio ex ductu vnius numeri in se, vel in alterum alium procreat, & inquirat.

Duo-

- 4 Duobus numeris (ut ceteræ) hæc progreditur multiplicante, scilicet ac multiplicando.
- 5 Descriptionis utriusque, ac situs eadem est ratio ut in additione, ac subductione: dum tamen multiplicans inferiorem, multiplicandus verò superiorem locum obtineat.
- 6 Quia multiplicans vices designat, per adverbium: Multiplicandus verò per cardinalem numerum effertur solet.
- 7 Productus, inuentusque per multiplicationem numerus eandem habitudinem gerit ad multiplicandum, quam multiplicans ad unitatem.
- 8 Digitorum multiplicatio hic pernecessaria est: quæ partim ea tabula (quam Pythagoricam vocant) partim altera ex his & regulis cognoscitur: quarum usus in digitis senarium non superantibus rarus est.
- 9 Prior alterum digitum alteri subscribit: adponit utrique suam differentiam à decem: his in longum lineam subiicit, differentiam unam in reliquam multiplicat, quod inde oritur, sub linea reponit: denique superioris differentiam ab inferiore aufert, aut contrà: relictum adscribit iam producto ex differentiarum ductu, cum adiectione unitatis, si quam mente retinueras.
- 10 Posterior observat uter sit maior, huius distan-

tiam a decem mente vel cartha excipit: postremo aufert minorem à sua dena toties, quot sunt vnitates illius distantiae. c, Quod si digiti sint æquales, alterutrius denam, vel distantiam pro arbitrio sumere licebit.

- 11 Duos mixtos inter viginti, ac decem compendio-
se ita multiplicare licebit, Alter alteri vt decet
suscribatur subiecta linea, vnius digitus in digi-
tū alterius ducatur, quod inde gignitur sub eadē
linea reponatur: tum ambo digiti sibi adiungan-
tur, & productū illi ad leuā adscribatur adiecto,
si quid mēte retinueras. Postremò alterā ex vnita-
tibus eorūdem mixtorū sub linea similiter repone.
Vbi hæc leuia percallueris, iam in maiorum mul-
tiplicatione poteris negotiari. Primum igitur de-
scribatur vt nominis eiusdē figuræ sibi respōdeat.
- 12 Liberè alterutrum superiore loco scribere licebit:
sed negocij facilitas minorem supponit maiori,
nisi fuerint æquales.
- 13 Linea vt sæpe dictum est ad operis distinctionē,
magis quàm necessitatem subducatur.
- 14 Iā incipe à dextra, multiplicādo primā inferioris
in sibi imminētē, et quod hinc nascitur sub linea
reponatur, si vnico elemēto possit describi: sin duo
bus, digitus aut Cyphra scribatur altero seruat.
- 15 Rursum eandem in secundam superioris multi-
plica, & productum priori inuento adiunge

cum articulo, si quem mente Retinueris.

- 17 Similis idemque progressus fiat per singulos numeri superioris ordines, donec postremum elementum attigeris.
- 18 Si multiplicans vnius tantum elementi esset, ab- f
solueretur operatio.
- 19 Sed quando est duarum, secundum eiusdem in g
singulas superioris eodem ordine, ac modo ad finem usque multiplica: & productum scribe item sub linea, h, & secundis figuris omnium superiorum: hic enim est fortura denarum.
- 20 Si multiplicans trium fuerit, similis fiat ductus, ac discursus: sic tamen ut prima producti numeri sub tertia imminentium reponatur: quia ex centenis procreatur.
- 21 Si denique plurium, eadem arte fiet, dum modo producti prima subscribatur suo multiplicanti.
- 22 Cyphra multiplicantis nil nisi Cyphas procreat: Quemadmodum vnitates nil præter vnitates.
- 23 Et tamen suis sedibus illæ reponende sunt, k: his omnibus ordinibus alia subducatur linea.
- 24 Postremo producti omnes inter utramque lineam l
repositi per additionem coniungantur, non rectè quidem ut in additione, sed veluti ex diametro unaquæque ad locum sub quo posita est figura est, colligatur.
- 25 Summa quæ tandem conficitur, numerus est per multiplicationem quæ situs.

- 26 *Compendiosè multiplicaturus numerum quemlibet per decem, Centum: mille, & similia, in quibus Ultima fuerit vnitas, ablatas huic omnes Cyphras superiori ad dextram præponatur.*
- 27 *Aliàs multiplicatis solùm vtriusque artificiosè p digitis summæ productæ tot Cyphræ præscribantur, quot in vtroque fuerant.*
- 28 *Horum omnium praxim subscripta exempla dabunt.*

a 82	b 91	c 91	d 17	e 245	365
73	80	91	15	8f	g 24
56	72	81	255	1960	460
					730h
					18760
					4532
					318
					340m
					21n
					0000
					318
					636
					6678
					13596
					1540880
0240	0.	543	00.	p 53	00
10		100		35	00
					265
					159
Examen.					185500 00
					Mul

29 Multiplicatio certius per diuisionem, quàm
per 9. aut . 7. examinatur.

Cap. 5.

- 1 **I**N diuisione quoque operatio, & Examen spe-
ctantur.
- 2 Operatio numerum aliquem in plures partes æ-
quas distribuit.
- 3 Expeditur hæc duobus numeris, diuidendo, ac
diuisore.
- 4 Tertius per diuisionem inuentus Quotiens, di-
uisorius, siue indicatorius vocatur: qui interim
dum operamur per aduerbium, diuisione absolu-
ta etiam per numeros primarios efferri solet.
- 5 Hic tot vicibus vnitatem continet, quot diui-
sorem diuidendus.
- 6 Diuidendum maiorem esse diuisore necesse est:
Nam minorem sine fractionum ministerio ma-
ior partiri nequit.
- 7 Aequalis pro quotiente vnitatem semper habet.
- 8 Diuidendus primum suis figuris loco superiori
describatur.
- 9 Huic ad quotientem excipiendum, b, duas pa-
rallelas quidam subiiciunt, c, Alij vnicam Li-
neam, d, vel nullam etiam subducunt: sed quo-

- tientem, seorsum intra lineam reponunt.
 10 Ut fiat diuisor sub diuidendo scribatur, sed præ- e
 postero, atque superius ordine.
 11 Si diuisoris vltima ad leuam minor sit, vel æ- f
 qualis vltimæ diuidendi, huic illam rectâ sub-
 scribe: alius ad proximos ordinatim limites di-
 uisor transferendus.
 12 Iam accingere operationi, & progredere à si-
 nistra dextram versus: h Si diuisor vnus tan-
 tum est elementi observa quoties in superiore
 contineatur.
 13 Vices vel inter æquidistantes, i, vel intra lunu-
 lam repone.
 14 Easdem, id est, quotientem numerum in ipsum k
 diuisorem multiplica, & procreatum sub di-
 uidendo repositum ab imminente subducito.
 15 Siquid restat inde hoc supra integrum suum col- l
 locato. Atque ita limitem vnum expedisti:
 16 hunc traicere, seu vt dicunt cancellare operis
 perturbationi: magis obstat quàm quòd necessa-
 rium credatur.
 17 Tum diuisor in proximum ordinem transferen- m
 dus, n: Qui si maior est superiore pro quotiente
 Cyphram reponito. Et illum rursus ad dextrum
 proximum reiice.
 18 Obserua quoties in mixto numero, vel digito id
 est,

est superioribus figuris contineatur. o, Si pluries
quàm nouies neglecto excessu nouem tantum
assume.

19 Quotientem hunc iam inuento ad dextram ad-
scribe.

20 Eundem per diuisorem multiplica, & produ-
ctum à diuidendo subtrahere, ut prius.

21 Similiter agito donec dextram figuram attigeris
ultimam.

22 Quæ si minor est diuisore, Cyphra quotientis lo-
cum habebit ut in medijs ordinibus. Illa verò o-
pérationis erit residuum.

23 Vbi verò duorum vel trium aut etiam plurium
elementorum diuisor fuerit, similiter sub diui-
dendo reponatur.

24 Si leua ultima diuisoris maior fuerit ultima di-
uidendi, integer ille vno limite, dextram versus
transferendus est.

25 Para quotienti locum ex arbitrio ut dictum est.

26 Explora iam quot vicibus diuisoris ultima in e-
lemento vel elementis superioribus comprehen-
datur.

27 Vicesillæ prima est quotientis figura suo loco ut
libet constituenda.

28 Hæc in diuisorem integrum ducta numerum
gignit, qui sub elementis diuidendi superioribus
ordinatim scribendus est.

- 29 Tum à superiore diuidento subducendus descripto (si fuerit) residuo, vt modo imperatum est.
- 30 Sic iam vnā tui negocij partem confecisti, nisi inuentus ille per multiplicationem numerus diuidentum superarit. Tum enim diuisorius vnitatem, aut etiam duabus (si opus est) municiendus, & operatio de integro sarcienda.
- 31 Porro diuisor ad dextrum sic transferatur, vt singula eius elementa locum vnum demutent, & in proximo ordine constituatur.
- 32 Qui si in diuidento superiore nequeat inueniri, Quia minor sit, Cyphra pro quotiente notetur, et mox iterum dextrorsum integer vno loco mutetur.
- 33 Rursum vt in primo ordine factum est, sic in hoc, & sequentibus omnibus operare: Id est diuide, multiplica, subtrahere ac transfer donec prima diuisoris primā superioris attigerit: hic enim cessat operatio.
- 34 Si quid restat inde seorsum reseruetur: vel vt precipiunt alij supra diuisionem scribatur instar minutiarum. Nam sine fractione per eundem diuisorem secari non potest.
- 35 Denique si diuisor ipse fuerit 10. 100. 1000. 10000. atque ita deinceps modò vltima fuerit vnitās.

vnitas, ceteræ Cyphræ, facili negotio diuisionem absolueris, si tot elementa de numero diuidendo ad dextram remoueris, quot Cyphræ in diuifore fuerant.

36 Reliquæ figuræ quotientem: ablatæ residuum indicabunt, nisi hæ quoque nihili fuerint.

37 Hæc omnia ex sequentibus exemplis clarius disces.

$$\begin{array}{r|l} a \ 4 \ 6 \ 5 \ 3 & ^a \ 7 \ 8 \ 5 \ 9 \ (\ | \ 1 \ 3 \ 4 \ 9 \ 5 \ 7 \ (\\ b \ \underline{\hspace{1cm}} & ^c \ \underline{8 \ 9 \ 4} \ | \ \underline{1 \ 2 \ 4 \ 5} \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 8 \ 2 \ 4 \ | \ 3 \ 9 \ (2 \ 0 \ 6 \ 0. \frac{3}{4}. f & x \ 3 \\ e \ \cancel{4} \ \cancel{4} \ \cancel{4} \ 4 \ p & \ \cancel{7} \ 3 \ 8 \ 4 \ 8 \ i \ (14769 \\ & h \ 8 \ 8 \ 8 \ 8 \ 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} & | \ 2 \\ 1 \ 2 & \ \cancel{9} \ | \ 1 \ 0 \\ \cancel{6} \ \cancel{7} \ 3 & \ \cancel{4} \ \cancel{6} \ (2 \ 6 \ 9 \ 3. \frac{11}{15}. f \\ f \ x \ 8 \ 8 \ 8 & \\ m \ x & \ 8 \ | \ x \\ k \ 8 \ \phi \ x \ x & \ 8 \ x \\ 1 \ 5 \ 0 & \ \cancel{6} \ 3 \ 3 \ \cancel{6} \ 0 \ (1 \ 8 \ 0 \\ x \ x \ 8 & \ 3 \ 8 \ x \ 2 \\ & \ \cancel{7} \ 8 \ | \ 3 \ 8 \\ & \ x \ 8 \ x \ \phi \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 8 \ 5 \ 6 \ | \ 0 & 3 \ 4 \ | \ 1 \\ \hline 1 \ 1 \ 0 & 1 \ 0 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 5 \ 2 \ | \ 0 \ 0 & 4 \ 5 \ 2 \ | \ 1 \ 2 \\ \hline 1 \ 1 \ 0 \ 0 & 1 \ 0 \ 0 \end{array}$$

Examen.

- 38 Si Voles experiri legitimè operatus sis, diuiforem per quotientem multiplica, vel contra adiecto residuo. Nam diuidendus redibit, si ex arte facta est diuisio.

Cap. 6.

- 1 Dimidiatio ad hanc speciem, vt duplatio ad multiplicationem refertur.
- 2 Duplatio à dextra sinistram versus: b mediatio à sinistra dextram versus progreditur.
- 3 Huic diuiforem, vel illi multiplicatorem subscribere non perinde est necesse.
- 4 Numerus par exactè, impar verò relicta vnitate in duo æqua per mediationem secatur.
- 5 Sicubi digitus, aut mixtus dimidiando impar occurrat, hinc dempta vnitas in dextrum proximum elementum reiiciatur.
- 6 Vtriusque ratio, & praxis exemplis sequentibus declarantur.

$$\begin{array}{r}
 \text{11} \quad 31 \quad \text{—} \\
 \text{b} \begin{array}{r} 8426. \\ \hline 4213 \end{array} \quad \text{c} \begin{array}{r} 78438 \\ \hline 37717 \end{array} \quad \text{a} \begin{array}{r} 4535 \\ \hline 9070 \end{array} \quad \begin{array}{r} 96346 \\ \hline 192692 \end{array}
 \end{array}$$

- 7 Dimidiatio, ac duplatio mutuò sese examinant: haud aliter quàm multiplicatio ac diuisio.

Cap.

Cap. 7.

- 1 Progreſſio eſt plurium numerorum ſimilitudine vel exceſſu ordinatim collocatorum in ſummam vnam compendioſa reductio.
 - 2 Duplex eſt Arithmetica, & Geometrica.
 - 3 Arithmetica in equali numerorum mutuo exceſſu conſtat.
 - 4 Geometrica ſimili numerorum, ordinumque proportionem incedit.
 - 5 Collecturus Arithmetica, obſerva parne ſit, an impar graduum numerus.
 - 6 Si impar, numerum ipſorum ordinum per intermedium multiplica: tunc enim ſeries prodibit vniuerſitas.
 - 7 Imparium graduum medius extremorum inuicem iunctorum dimidium ſemper aequat.
 - 8 Alioqui extremos ordines inuicem coniunge, & per numeri, qui inde exiſtit dimidium, numerum ordinum, aut cōtra, per huius dimidium, niſi hic impar fuerit, illum integrum multiplica.
- b
- “ 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. | 2 8 “ 2. 4. 6. 8. 10. 12. | 4 2
- “ 2. 4. 6. 8. 10. 12. 14. | 5 6. “ 3. 6. 9. 12. 15. 18 | 6 3
- 9 Geometricam progreſſionem coaceruaturus ſingulorum graduum ad proximum habitudinem primum diſpice.

- 10 Deinde ipsius habitudinis, seu proportionis de- 10
nominatorem: Ut si dupla est, 2: si tripla, 3: si
quadrupla, 4: atque ita deinceps,
- 11 Quacūque igitur habitudine progressus fiat, gra a
dum maximum, & postremum per denomina-
torem suum multiplica.
- 12 Tum à producto primum, & minimum nume-
rum aufer.
- 13 Reliquum denique per numerum unitate mino- b
rem iso denominatore partire.
- 14 In proportionē dupla sola multiplicatio postre- c
mi, & à producto primi subductio suffecerit.

$$\begin{array}{r}
 a \quad 2. 4. 8. 16. 32. 64. 128. \quad | 256 \\
 \hline
 \quad | 2 \\
 \hline
 \text{Summa} \quad c \quad 254
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3. 9. 27. 81. 243. 729. \quad | 2187 \\
 \hline
 \quad | 3 \\
 \hline
 b \quad 2184 \\
 \hline
 \text{Summa} \quad 1092
 \end{array}$$

Cap. 8.

- 1 Licet numeris magnitudinum tribuantur fi-
gura: sintque tot numerorum species, quot geo-
metri-

metricarum figurarum: solius tamen quadrati,
aut Cubici numeri radicē querit **A**rithmeticus.

- 2 Quadratus numerus dicitur, qui ex **A**crius nu- a
meri ductu in semetipsum exurgit. Propterea
quod si per vnitates in plano describatur erit lon-
gitudo latitudini æqualis.
- 3 Quadrata radix numerus est, qui per se ipsum
multiplicatur.
- 4 Quod latus est sine Costa in Geometrico quadra b
to, hoc radix in quadrato numero.
- 5 Numerus omnis quadrati alicuius radix est: ne-
q; tamē protinus omnis numerus quadratus erit.
- 6 Vtriusque radicis inueniendæ peritia plurimum
Geometris, Astronomis, Cosmographis, & Ste-
reometris confert.
- 7 Simples radices (quæ nouem sunt Characteres c
significatiui) & eorum quadrata primum nota
esse oportet, non arte quasita.
- 8 Alioqui reliquorum numerorum quamlibet e-
riam magnorum quadratæ radices inueniuntur
facilè hoc pacto. Primum describatur numerus
suis elementis.
- 9 Regiones impares sumpto initio à dextra super, d
aut subter punctis notentur.
- 10 Quot puncta fuerint, tot elemēta radix habitura
est.

- 11 Cum sit hæc species veluti quædam ratio diuisionis, à sinistra incunda est operatio: primùmque numeri postremi citra vltimum punctum siue vnius, siue duarum erit figurarũ quærenda radix.
- 12 Si quadratus non fuerit proximum quadratum illo minorem assume, huiusque radicem velut quotientem interlineam seorsim repone. e
- 13 Postremò hæc in se ducatur, & quadratus qui inde existit à postremo illo numero vnius, aut duorum elementorum subducatur: residuũque (vt in diuisione) suo loco superscribatur.
- 14 Lex hæc vt prima est in hac specie, ita semel duntaxat obseruanda.
- 15 Tum inuenta radix dupletur, eiusque duplum sub elemento inter postrema duo puncta ad sinistram scribatur. f
- 16 Si duplum ipsum duorũ sit, aut plurium elementorũ primo rite (vt modo præceptũ est) subscripto cætera ordinatim sinistrã versus collocanda erunt.
- 17 Tertio per duplum idem (ceu diuisor esset) superscriptus numerus diuidendus est: & quotiens tum in linea curua ad dextram, tum ipsi duplo ad dextram quoque sub puncto reponendus. g
- 18 Quarto quotiens hic nuper inuentus in diuisorem ipsum cum figura proxima dextra, id est, quotiente multiplicetur. h


Pro-

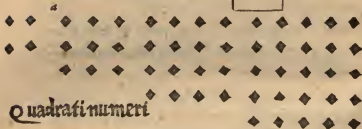
- 19 *Productum denique sub quotiente, duplo, ac deinceps ad leuam subscriptum ab imminente superiori numero auferendum: & residuum supra eundem iuxta canones diuisionis, scribendum.*
- 20 *Quatuor hæc postrema duplatio radicis, diuisio superscripti numeri, per duplum quotientis multiplicatio, & producti subductio toties ordinatim resumenda erunt quot ad dextrā puncta fuerint.*
- 21 *Si punctum nullum superest sub quo adhuc negociandum sit, peracta est operatio.*
- 22 *Interim duo cautus obserua, vnum nō dum quotientem per duplum, ac figuram proximam multiplicas, maior exurgat numerus, quā qui à superiori extrahi possit: Tum enim ille vnitāte aut pluribus minuendus erit, vt in diuisione dictū est.*
- 23 *Alterum vbi superior diuisorem non completitur sed hic illo maior est, Cyphra quotientis locum habebit: Tum omnia de integro ordinatim resumenda erunt.*
- 24 *Quadratus numerus quamlibet sæpe binas addideris Cyphas semper quadratus erit. Proinde illius primi inuenta radice totū negociū cōfectum est, nisi quod præponenda sunt radici tot Cyphrae, quot puncta dextram versus superfuerint.*
- 25 *Pauci numeri sunt quadrati: innumerī aut quorū radices desiderata, nūcro certò expressa inueniri*

nequeunt. Qui proinde surdi vocari solent.

26 Absoluto negotio si quid reliqui fuerit duplāda radix inuenta, duplōque adicienda vnitas, denique huic numero veluti denominatori superscribēdum residuum interiecta lineola. Id enim minutias indicabit.

27 Exemplis subiectis hæc omnia facilius docere.

Quadratum geometricum. 



Quadrati numeri

Radices simplices. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.

Simplicium radicū 1. 4. 9. 16. 25. 36. 49. 64. 81.

quadrata. 2 2 2

$$\begin{array}{r|l} d1156 & e1156(3. \\ \hline & 9 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 1156(34. & \\ \hline & f64 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 1156(34. & \\ \hline & g648 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} & h286 \end{array}$$

2 2 17 17 Radix

$$\begin{array}{r|l} 286624.(4. & 186624.(43. \\ \hline & 862 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 186624.(43. & \\ \hline & 1724 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l}
 18 & i \\
 18 & \\
 \hline
 41217. (2. & 41217. (203. Radix. 407. Residuum. \\
 4 & 403 \\
 \hline
 & 1208 \\
 & k \\
 & 160000. (400. Radix.
 \end{array}$$

Examen.

- 28 *Multiplicata radix cum accessione residui (si quod fuerit) numerum cuius radix inuenta est, exactè generare debet: alioqui malè operatus es.*

Cap. 9.

- 1 *Cubus figura est solida sex planorum, angulorum a octo, ac laterum duodecim equalium. Cuiusmodi est tessera, & quoduis corpus omni ex parte quadratum.*
- 2 *Consistit cubus primum ex ductu lateris vnus in alterum, secundum longitudinem sui: vnde superficies quadrata gignitur. Deinde ex fluxu eiusdem superficiei recto in longū ipsius lateris.*
- 3 *Numerus cubicus dicitur, qui ex numero ali- b quo primum in se, deinde in suum productum. i. quadratum multiplicato consurgit.*
- 4 *Quod latus est in cubo solido, hoc radix in numero Cubico.*

- 5 Numerus omnis cubici alicuius radix esse potest: neque tamen quivis numerus cubicus erit.
- 6 Simples radices quæ (ut in quadratis) novem sunt prima elementa, & eorum cubicos numeros in promptu haberi oportet, non arte doceri. c
- 7 In cæteris maioribus, primum describatur numerus, cuius radix cubica queritur, signeturque prima regio dextra, & singula millenariorum sinistram versus puncto, duabus semper intermissis. d
- 8 Quot puncta subscripseris, tot characterum futura est radix.
- 9 Tum sumpto ab ipsa læva operis initio, quaerenda imprimis radix cubica totius numeri, qui est à postremo puncto sinistro, quotcunque fuerit elementorum. e
- 10 Inuenta, seorsum in semicirculo, veluti quotiens reponenda est. f
- 11 Si numerus ille surdus fuerit, nec exactam habuerit radicem, proximum cubicum ipso minorem quære, eiusque radicem suo loco (ut modo iussimus) repone.
- 12 Reposita cubicè ducatur, & productum ab illo numero subducatur, adscriptorite (si quod fuerit) residuo. g
- 13 Id quod semel fecisse sat erit: Quod mox sequitur,

tur, toties erit resumendum, quot dextram versus puncta relinquuntur.

- 14 Tripletur primum radix iam inuenta, & triplum figura proximæ eius punctum immediatum ad dextram subscribe, si vnius fuerit elementi: sin plurium, descripta prima ibidem, ceteræ deinceps ad læuam ordinatim constituenda.
- 15 Deinde eadem radix in triplum ipsum ducatur. aut (quod perinde est) quadratum eiusdem radicis tripletur.
- 16 Quod hinc nascitur, cen diuisorem colloca secundum à triplo vna regione ad læuam, & paulo inferius.
- 17 Per hunc recens natum totum imminuentem numerum rite partire, & diuisorium, siue quotientem radici intra lineam adpone.
- 18 Adhæc eundem diuisorem, quem ex ductu radicis in triplum modo confeceris per quotientem nuper inuentum multiplica, & productum sub diuisore colloca.
- 19 Quadretur idem quotiēs, & in quadratum eius, triplum ipsum ducatur: Quod verò hinc procreatur ipsi triplo subscribe paulo declinui.
- 20 Denique eundem quotientem in se cubicè ducas, & eius cubum sub puncto cui triplum olim adscripsisti, repone.

- 21 Hæc ubi intentiori ingenij acie sic disposueris o
tres numeros inferiores vnâ comprehende iuxta
canones additionis, & confectam ex illis eius-
modi summam ab imminente superiore numero
subtrahes, non tamen neglecto (si quod inde su-
perest) residuo, sed adnotato vt sæpe alibi di-
ctum est.
- 22 Residui minutia ad destinatum huic parti locum
reiciuntur.
- 23 Prospice quoque hic duo. Primum, vt si maior
fuerit modo collecta summa, quàm quæ à supe-
riore numero subduci possit, digitum vnitatis vel
pluribus minuas, iisdem triplo, ac diuisione persi-
stentibus.
- 24 Deinde sicubi diuisor ex radicis in triplum du-
ctu procreatus in superiori numero non conti-
neatur, pro quotiente Cyphram reponas: ac de in-
tegro sarcias operationem, donec puncta omnia
peragraris.
- 25 Quotcunque ternas Cyphas numero cubico præ-
tuleris semper cubicus erit: satis erit igitur illius
inuestigasse radicem: cui tot Cyphæ præponi de-
bent, quot ad dextram puncta sequuntur.

Cubus



Simplices radices. c 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.
Earundē. { *Quadrati.* 1. 4. 9. 16. 25. 36. 49. 64. 81.
 { *Cubici.* 1. 8. 27. 64. 125. 216. 343. 512. 729.

d 13824	e 13824 (2f.	5g. k.	8
	8	6h.	13824 (24. Rad.
		i 12	6
			12
			148
			m 96
			n 64
			08824

$ \begin{array}{r} *645 \\ 12812904 \cdot (23 \\ \cdot \\ 6 \\ 12 \\ \hline 36 \\ 54 \\ 27 \\ \hline *167 \end{array} $	$ \begin{array}{r} 648 \\ 12812904 \cdot (234 \cdot \text{Radix} \\ \cdot \\ 69 \\ 1587 \\ \hline 6348 \\ 1104 \\ 64 \\ \hline 648904 \end{array} $
---	---

$$\begin{array}{r|l} \text{Σ} & \\ \hline 97 & (4 | 125000(50 \text{ Radix.} | 8000000(200 \text{ Radix.} \\ 64 & | 125 \qquad \qquad \qquad | 8 \end{array}$$

Examen.

76 Radix inuenta rursus Cubicè ducta, & assumpto residuo numerum primum suscitare debet, nisi mendum aliquod operando admiseris.

F I N I S.

